

اصول مقدماتی فرایندهای شیمیایی

ریچارد ایم. فلدر، رونالد و. روسو

ترجمه عبدالعلی فقیه اردو بادی، محمد باقر پورسید، داریوش باستانی

فرایندها و متغیرهای فرایند

فرایند به عملیات یا رشته‌ای از عملیات اطلاق می‌شود که در ماده یا مخلوطی از مواد، تغییری فیزیکی یا شیمیایی به وجود آورد. موادی که به فرایند وارد می‌شوند درون‌داد یا تغذیه به فرایند نامیده می‌شود و آنهایی که فرایند را ترک می‌کنند، برون‌داد یا محصول فرایند خوانده می‌شوند. واحد فرایندی دستگاهی است که یکی از عملیات تشکیل دهنده فرایند در آن انجام می‌گیرد. هر واحد فرایندی با مجموعه‌ای از جریانهای فرایندی درون‌داد و برون‌داد همراه است که شامل مواد ورودی و خروجی از واحد هستند.

به عنوان یک مهندس شیمی ممکن است از شما خواسته شود که یکی از واحدهای فرایند (رآکتورها، ستونهای تقطیر، مبدل‌های گرمایی و دیگران) را طراحی کنید یا عملیات فرایند را سرپرستی کنید و یا طرح فرایند را طوری اصلاح کنید که با تغییر ایجاد شده در تغذیه و یا مشخصات محصول مورد نظر مطابقت داشته باشد. به عنوان یک قاعده، شما برای انجام دادن هر یک از این کارها، باید مقادیر، ترکیب نسبی و شرایط موادی که به هر یک از واحدهای فرایند وارد یا از آنها خارج می‌شوند، بدانید و یا اگر با واحد دایری سروکار دارید، باید قادر به اندازه‌گیری کافی از هر کدام از این کمیتها باشید تا بتوانید تشخیص دهید که فرایند آنچه را که برای آن طراحی شده است انجام می‌دهد یا نه.

در این فصل، تعریفها، روشهای اندازه‌گیری و روشهای محاسبه متغیرهایی را که عملیات فرایندها و عملیات تک تک واحدهای فرایندی را مشخص می‌کنند، ارائه می‌کنیم. در فصلهای بعد، چگونگی استفاده از مقادیر اندازه‌گیری شده برخی از این متغیرها برای

محاسبه کمیت‌هایی از فرایند را مورد بحث قرار می‌دهیم که مستقیماً قابل اندازه‌گیری نیستند ولی پیش از آنکه فرایند قابل طرح و ارزیابی باشد باید معلوم شوند.

۱-۳ جرم و حجم

چگالی یک جسم عبارت است از جرم واحد حجم آن جسم (lb_m/ft^3 , g/cm^3 , kg/m^3 و دیگر). حجم ویژه یک جسم عبارت از حجم واحد جرم آن جسم است (m^3/kg , ft^3/lb_m و دیگر) و بنابراین معکوس چگالی است. چگالی جامدات و مایعات خالص نسبتاً مستقل از دما و فشار هستند و در مرجع‌های استاندارد (نظیر کتاب راهنمای مهندسی شیمی^۱، صفحات ۳-۶ تا ۳-۴۴) یافت می‌شوند. روش‌های محاسبه چگالی گازها و مخلوط مایعات در فصل پنج همین کتاب آمده است.

چگالی یک جسم می‌تواند به‌عنوان ضریب تبدیلی برای مربوط ساختن جرم و حجم جسم مورد استفاده قرار گیرد. برای مثال، چگالی کربن تتراکلرید $1.4895 \text{ g}/\text{cm}^3$ است، بنابراین، جرم 2000 cm^3 از CCl_4 برابر است با:

$$\frac{2000 \text{ cm}^3}{1} \times \frac{1.4895 \text{ g}}{\text{cm}^3} = 2979 \text{ g}$$

و حجم 20 lb_m از CCl_4 برابر است با

$$\frac{20 \text{ lb}_m}{1} \times \frac{1 \text{ cm}^3}{1.4895 \text{ g}} \times \frac{454 \text{ g}}{1 \text{ lb}_m} = 1260 \text{ cm}^3$$

گرانش ویژه یک جسم عبارت است از چگالی آن جسم ρ به چگالی جسم مرجع ρ_{ref} در شرایط ویژه:

$$SG = \frac{\rho}{\rho_{\text{ref}}} \quad (1-1-3)$$

مرجعی که غالباً برای جامدات و مایعات مورد استفاده قرار می‌گیرد، آب 4°C است که چگالی آن به‌صورت زیر است:

$$\begin{aligned} \rho_{\text{ref}}(\text{H}_2\text{O}, 4^\circ\text{C}) &= 10000 \text{ g}/\text{cm}^3 \\ &= 10000 \text{ kg}/\text{m}^3 \\ &= 62.43 \text{ lb}_m/\text{ft}^3 \end{aligned} \quad (2-1-3)$$

توجه داشته باشید که چگالی مایعات یا جامدات بر حسب g/cm^3 از لحاظ عددی با گرانش ویژه جسم برابر است. علامتگذاری زیر

$$SG = 0.6 \frac{20^\circ}{4^\circ}$$

نشان می‌دهد که گرانش ویژه جسمی در $20^\circ C$ نسبت به آب $4^\circ C$ برابر ۰.۶ است. اگر گرانش ویژه جسمی داده شده باشد، آن را در چگالی جسم مرجع با هر واحد مطلوب ضرب کنید و چگالی جسم را با همان واحد به دست آورید. برای مثال، اگر گرانش ویژه مایعی 2000 باشد، چگالی آن برابر 2000 kg/m^3 یا 2000 g/cm^3 یا $125 \text{ lb}_m/\text{ft}^3$ است. گرانش ویژه، مایعات و جامدات در جدول ب-۱ مندرج است.

تذکر: واحدهای چگالی خاص، درجه بومه ($^\circ Be$)، درجه API ($^\circ API$)، و درجه Twaddell ($^\circ Tw$)، یا گهگاه به کار می‌برند، به ویژه در صنعت نفت. تعریفها و ضرایب تبدیل این واحدها صفحه ۱-۱۹ کتاب راهنمای مهندسیین شیمی ذالینف پری آمده است.

خود را بیازمایید

۱. واحدهای گرانش ویژه چیست؟
۲. گرانش ویژه مایعی 0.5 است. چگالی آن بر حسب g/cm^3 چقدر است؟ حجم ویژه آن بر حسب cm^3/g چقدر است؟ چگالی آن بر حسب lb_m/ft^3 چقدر است؟ جرم 300 cm^3 از این مایع چقدر است؟ چه حجمی به وسیله 18 g از این مایع اشغال می‌شود؟
۳. اگر مواد الف و ب هر دو دارای چگالی 1.34 g/cm^3 باشند، آیا جرم 3 cm^3 از ماده الف با جرم همان حجم از ماده ب برابر است؟
۴. اگر مواد الف و ب هر دو دارای گرانش ویژه 1.34 باشند، آیا جرم 3 cm^3 از الف باید با جرم همان حجم از ب برابر باشد؟ چرا نه؟ *حیول ممکن است ماده گاز باشد*
۵. یک سنگ معدن کوچک، یک استوانه مدرج (با درجات میلی لیتر) که می‌تواند سنگ معدن را در خود جای دهد، یک ترازوی درجه بندی شده بر حسب گرم، و آب در اختیار شما گذاشته شده و از شما خواسته شده است که گرانش ویژه سنگ معدن را تعیین کنید. روش کار و محاسبات مربوطه را جمع‌بندی کنید.

* واحدهای ویژه چگالی به نامهای درجه بومه ($^\circ E\acute{e}$ ، Baumé)، درجه A.P.I. ($^\circ A.P.I$) و درجه توادل ($^\circ Tw$ ، Twadell) به ندرت و به ویژه در صنعت نفت مورد استفاده قرار می‌گیرند. تعریفها و ضرایب تبدیل این واحدها در صفحه ۱-۲۸ کتاب راهنمای مهندسیین شیمی داده شده است.

▼ مثال ۱-۱-۳ جرم، حجم و چگالی

چگالی جیوه را بر حسب lb_m/ft^3 ، با استفاده از جدول گرانس ویژه حساب کنید و نیز حساب کنید که 215 kg جیوه چه حجمی را بر حسب ft^3 اشغال می کند.

حل

در جدول ب-۱، گرانس ویژه جیوه در $20^\circ C$ ، برابر 13546 درج شده است. بنا بر این:

$$\rho_{Hg} = (13546)(62.43) \frac{lb_m}{ft^3} = \boxed{8457 \frac{lb_m}{ft^3}}$$

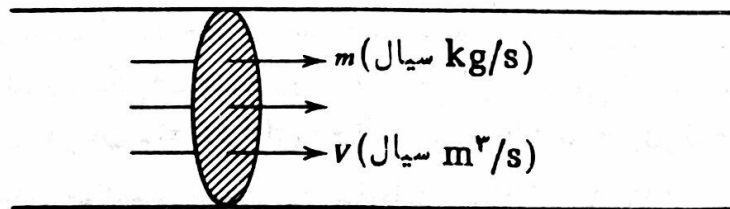
$$\triangle V = \frac{215 \text{ kg}}{0.454 \text{ kg}} \times \frac{1 lb_m}{8457 lb_m} \times 1 ft^3 = \boxed{0.0560 ft^3}$$

۲-۳ سرعت جریان

۲-۳(الف) - سرعت جریان جرمی و حجمی

فرایندهای پیوسته، شامل حرکت مواد از نقطه‌ای به نقطه دیگر هستند - گاهی بین واحدهای فرایند، و گاهی از تجهیزات خط تولید به انبار حمل و نقل و یا برعکس. سرعت انتقال ماده در طول خط فرایند، سرعت جریان نامیده می شود.

سرعت جریان جریانی از فرایند می تواند به صورت سرعت جریان جرمی (زمان/جرم) یا به صورت سرعت جریان حجمی (زمان/حجم) بیان شود. فرض کنید سیالی (گاز یا مایع) در لوله‌ای استوانه‌ای که در زیر نشان داده شده است، جریان دارد که در آن، قسمت هاشورزده شده، نشان دهنده مقطع عمود بر جریان است. اگر سرعت جریان جرمی



سیال $m(\text{kg/s})$ باشد، در هر ثانیه m کیلوگرم از سیال از این مقطع می گذرد. اگر سرعت جریان حجمی سیال از مقطع داده شده $V(\text{m}^3/\text{s})$ باشد، در هر ثانیه V مترمکعب از سیال از مقطع می گذرد. لیکن جرم m و حجم V یک سیال - در این حالت، سیالی که در هر ثانیه از این مقطع می گذرد - کمیت‌هایی مستقل نیستند بلکه توسط ρ ، چگالی سیال، با یکدیگر مربوط می شوند.

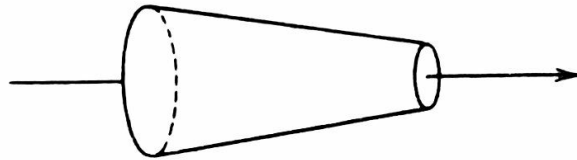
$$\rho = \frac{m}{V}$$

(۱-۲-۳)

بنابراین، چگالی یک سیال می‌تواند برای تبدیل سرعت جریان حجمی از فرایند به سرعت جریان جرمی همان جریان مورد استفاده قرارگیرد یا برعکس. سرعت جریانهای جرمی یک فرایند برای بسیاری از محاسبات فرایند باید معلوم باشد، ولی، غالباً اندازه‌گیری سرعت جریانهای جرمی آسانتر است. بنابراین، روش معمول عبارت است از اندازه‌گیری V و محاسبه m با استفاده از V و چگالی جریان سیال.

خود را بیازمایید

۱. سرعت جریان جرمی n -هگزان ($\rho = 0.659 \text{ g/cm}^3$) در یک لوله، 6.59 g/s است. سرعت جریان حجمی هگزان چقدر است؟
۲. سرعت جریان حجمی CCl_4 ($\rho = 1.595 \text{ g/cm}^3$) در لوله‌ای برابر $10000 \text{ cm}^3/\text{min}$ است. سرعت جریان جرمی CCl_4 را حساب کنید.
۳. فرض کنید گازی در لوله مخروطی شکلی جریان دارد.

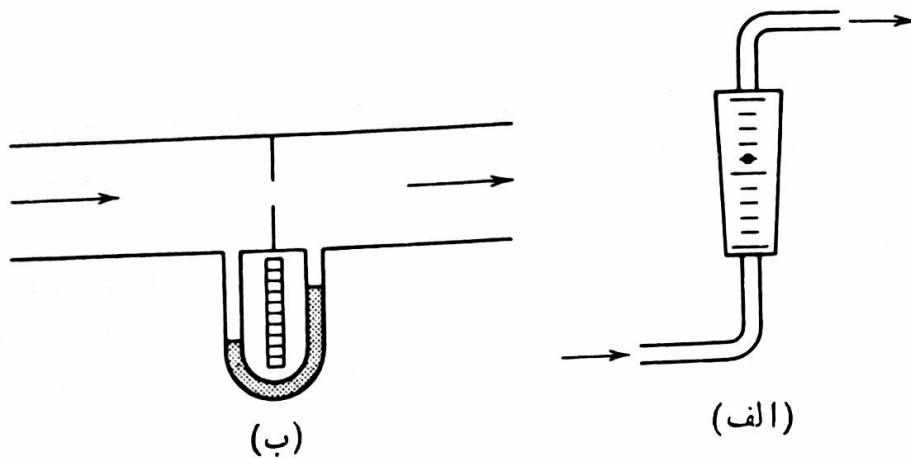


سرعت جریانهای جرمی گاز در محل ورود و محل خروج چگونه مقایسه می‌شوند؟ (قانون بقای جرم را به‌خاطر داشته باشید.) اگر چگالی گاز ثابت باشد، سرعت جریانهای حجمی در این دو نقطه چگونه مقایسه می‌شوند؟ اگر چگالی از ورودی به خروجی کاهش یابد، مقایسه چگونه خواهد بود؟

۲-۳ (ب) - اندازه‌گیری سرعت جریان

جریان‌سنج دستگاهی است که در خط فرایند نصب شده و به‌طور پیوسته‌ای سرعت جریان در خط را نشان می‌دهد. در شکل ۲-۳-۱ دو نوع از جریان‌سنجهایی که معمولاً مورد استفاده قرار می‌گیرند - جریان‌سنج وزنه‌ای روتامتر و جریان‌سنج روزنه‌ای - نشان داده شده‌اند. کتاب راهنمای مهندسی شیمی در صفحات ۵-۷ تا ۱۷-۵ انواع دیگری از جریان‌سنجها را توضیح می‌دهد.

روتامتر، لوله‌ای مخروطی شکل و عمودی است که دارای یک شناور است، هرچه سرعت جریان بیشتر باشد، شناور موجود در لوله به ارتفاع بیشتری صعود می‌کند. جریان‌سنج روزنه‌ای عبارت از مانعی در کانال جریان است که دارای روزنه باریکی است و جریان از این روزنه عبور می‌کند. فشار سیال از بالادست جریان به طرف پایین‌دست جریان افت می‌کند؛ افت فشار (با اندازه‌گیری اختلاف فشار، که در بخش بعدی مورد بحث قرار می‌گیرد، اندازه‌گیری می‌شود) با سرعت جریان تغییر می‌کند - سرعت جریان بیشتر، افت فشار زیادتری به همراه خواهد داشت.



شکل ۱-۲-۳ جریان‌سنجها، (الف) روتامتر و (ب) جریان‌سنج روزنه‌ای.

در مسائل آخر این فصل، درجه‌بندی و استفاده از هر دو نوع جریان‌سنج توضیح داده می‌شود.

خود را بیازمایید

۱. جریان پایایی از آب به وسیله یک کیف در مدت ۳۰ s وارد استوانه مدرجی می‌شود، در این مدت ۵۰ ml آب در استوانه جمع می‌شود. سرعت جریان حجمی چقدر است؟ سرعت جریان جرمی چقدر است؟
۲. جریان‌سنج وزنه‌ای چیست؟ جریان‌سنج روزنه‌ای چیست؟
۳. منحنی درجه‌بندی یک روتامتر (سرعت جریان در مقابل موضع جسم شناور) که با استفاده از مایع به دست آمده است، اشتباهاً برای اندازه‌گیری سرعت جریان گاز مورد استفاده قرار می‌گیرد. انتظار دارید سرعت جریان تعیین شده، بسیار کم یا بسیار زیاد باشد؟

تمرین خلاقیت

ذیلاً اولین تمرین از تمریناتی که، آن را تمرین خلاقیت نام نهاده‌ایم آمده است. این تمرینها به گونه قابل ملاحظه‌ای با انواع مسائلی که شما عادتاً در تکلیف منزل یا امتحانات ملاحظه می‌کنید فرق دارند. در امتحانات، به شما آگاهی‌هایی داده می‌شود و شما می‌بایستی یک پاسخ درست برای سؤال به دست آورید. در تمرینهای خلاقیت از شما می‌خواهند که درباره بسیاری از پاسخهای ممکن بدون صرف وقت قابل ملاحظه بیندیشید. در این تمرینها پاسخ صحیح یا حتی خوب و یا بد وجود ندارد. هدف این است که به جای کیفیت دنبال کمیت و به جای درستی به دنبال تصور و تخیل بگردید. کوشش کنید قدرت قضاوت انتقادی خود را به طور کامل فعال کنید و به ایده‌های زیادی برسید و در این راه به احتمال کارآیی، هزینه، و یا حتی جنبه عملی بودن موضوع توجه ننمایید. در شرایط صنعتی واقعی، این روش به کارگیری منزه و اندیشه به منظور حل مسائل، به

صورت خلاق، اغلب به عنوان نخستین اقدام در حل دشوارترین مسائل که شرکت با آن مواجه می‌گردد به کار گرفته می‌شود. انجام این تمرینات مهارتهایی را که شما برای اندیشیدن موفقیت‌آمیز نیاز دارید فعالتر می‌سازد و درعین حال به تفهیم گسترده شما در مورد مفهومی‌های کتاب کمک می‌کند.

بنابراین، در اینجا اولین تمرین خلاقیت مطرح می‌شود. دستگاه‌هایی به تعداد ممکن اختراع کنید که به عنوان جریان‌سنج گازها یا مایعات، کار کنند، در هر مورد دستگاه و چیزی را که سنجیده می‌شود شرح دهید. (مثال: پروانه‌ای در مسیر جریان قرار دهید و سرعت گردش پروانه را اندازه بگیرید.)

۳-۳ ترکیب نسبی شیمیایی

۳-۳ (الف) - مول و وزن مولکولی

وزن اتمی يك عنصر عبارت از جرم يك اتم در مقیاسی است که در آن جرم ^{12}C (ایزوتوپی از کربن که هسته آن دارای شش پروتون و شش نوترون است) دقیقاً ۱۲ تعیین شده است. وزن اتمی کلیه عناصر در جدولی در پشت کتاب ذکر شده است. وزن مولکولی يك ماده مرکب عبارت از مجموع وزن اتمی اتم‌هایی است که مولکول آن ماده مرکب را می‌سازند؛ مثلاً، وزن اتمی اکسیژن اتمی (O) تقریباً ۱۶ و بنابراین وزن مولکولی اکسیژن مولکولی (O_2) تقریباً ۳۲ است. وزن مولکولی تعدادی از مواد مرکب در جدول ب-۱ داده شده است.

يك گرم - مول (g-mole یا mol در سیستم SI) از هر جزء، مقداری از آن جزء است که جرمش بر حسب گرم، از لحاظ عددی، با وزن مولکولی آن برابر است. اگر جزء مورد نظر يك عنصر باشد، از نظر فنی درست‌تر آن است که g-atom به جای g-mole به کار رود. ما این تمایز را در نظر نمی‌گیریم و moles را هم برای عناصر و هم برای مواد مرکب به کار می‌گیریم. انواع دیگر mole (نظیر kg-mole یا kmol، ton-mole، bl-mole و دیگر) نیز به همین ترتیب تعریف می‌شوند. مثلاً، وزن مولکولی کربن مونوکسید ۲۸ است؛ بنابراین يك مول آن ۲۸g وزن دارد، يك lb-mole دارای ۲۸ lb_m است، يك ton-mole محتوی ۲۸ ton است. به طور خلاصه، اگر وزن مولکولی جسمی M باشد. در این صورت $M \text{ kg/kmol}$ ، $M \text{ g/mol}$ ، $M \text{ lb}_m/\text{lb-mole}$ ، از این جسم خواهیم داشت. بنابراین، وزن مولکولی می‌تواند به عنوان ضریب تبدیلی که جرم و تعداد مول‌های مقداری از جسم را به هم مربوط سازد، به کار رود. مثلاً، ۳۴ kg آمونیاک (NH_3 ؛ $M = 17$)، با مقدار زیر هم‌ارز است:

$$\frac{34 \text{ kg NH}_3}{17 \text{ kg NH}_3} \mid \frac{1 \text{ kmol NH}_3}{17 \text{ kg NH}_3} = 2 \text{ kmol NH}_3 \quad (1-2-3)$$

۴ lb-mole آمونیاک با کمیت زیر هم‌ارز است:

$$\frac{4 \text{ lb-mole NH}_3}{17 \text{ lb}_m \text{ NH}_3} = \frac{17 \text{ lb}_m \text{ NH}_3}{1 \text{ lb-mole NH}_3} = 68 \text{ lb}_m \text{ NH}_3 \quad (2-3-3)$$

در تبدیلهای جرم-مول، اگر فرمولهای شیمیایی را در معادلات ابعادی، به همان صورتی منظور کنید که در مثال بالا نشان داده شد، مفید خواهد بود.

همان ضرایبی که در تبدیل جرم از واحدی به واحد دیگر مورد استفاده قرار گرفتند، در تبدیل واحدهای مولی هم‌ا‌ز می‌توانند به کار گرفته شوند: مثلاً هر lb_m معادل 454 g است و بنابراین بدون توجه به جسم مورد نظر، هر lb-mole معادل 454 mol است. ثابت کنید - یک lb-mole از جسمی را که وزن مولکولی آن M است به مول تبدیل کنید. یک گرم-مول از هر جزء دارای 6.02×10^{23} (عدد آووگادرو) مولکول از آن جزء است.

مثال ۱-۳-۳ تبدیل بین جرم و مول

در 10000 g CO_2 ($M = 4401$) چه مقدار از کمیت‌های زیر موجود است؟ (۱) mol CO_2 ؛ (۲) lb-mole CO_2 ؛ (۳) mol C (یا g-atom)؛ (۴) mol O ؛ (۵) mol O_2 ؛ (۶) g O ؛ (۷) g O_2 ؛ (۸) مولکول CO_2 .

حل

$$\frac{10000 \text{ g CO}_2}{4401 \text{ g CO}_2} = \frac{1 \text{ mol CO}_2}{4401 \text{ g CO}_2} = 2273 \text{ mol CO}_2 \quad (1)$$

$$\frac{2273 \text{ mol CO}_2}{4536 \text{ mol}} = \frac{1 \text{ lb-mole}}{4536 \text{ mol}} = 5011 \times 10^{-3} \text{ lb-mole CO}_2 \quad (2)$$

هر مولکول CO_2 دارای یک اتم C ، یک مولکول O_2 و دو اتم O است. بنابراین 6.02×10^{23} مولکول CO_2 (۱ mol) دارای ۱ mol C ، ۱ mol O_2 و ۲ mol O است. پس:

$$\frac{2273 \text{ mol CO}_2}{1 \text{ mol CO}_2} = \frac{1 \text{ mol C}}{1 \text{ mol CO}_2} = 2273 \text{ mol C} \quad (3)$$

$$\frac{2273 \text{ mol CO}_2}{1 \text{ mol CO}_2} = \frac{2 \text{ mol O}}{1 \text{ mol CO}_2} = 4546 \text{ mol O} \quad (4)$$

$$\frac{2273 \text{ mol CO}_2}{1 \text{ mol CO}_2} = \frac{1 \text{ mol O}_2}{1 \text{ mol CO}_2} = 2273 \text{ mol O}_2 \quad (5)$$

$$\frac{47546 \text{ mol O} \quad | \quad 1600 \text{ g O}}{1 \text{ mol O}} = \boxed{7277 \text{ g O}} \quad (۶)$$

$$\frac{22273 \text{ mol O}_2 \quad | \quad 3200 \text{ g O}_2}{1 \text{ mol O}_2} = \boxed{7277 \text{ g O}_2} \quad (۷)$$

$$\frac{22273 \text{ mol CO}_2 \quad | \quad \text{مولکول } 6002 \times 10^{23}}{1 \text{ mol}} = \boxed{\text{مولکول } 1337 \times 10^{24}} \quad (۸)$$

توجه: قسمتهای (۶) و (۷) مستقیماً با توجه به فرمول مولکولی، که هر 4400 g CO_2 محتوی 7277 g O یا 3200 g O_2 است، قابل انجام بود، به این ترتیب که:

$$\frac{10000 \text{ g O}_2 \quad | \quad 3200 \text{ g O}_2}{4400 \text{ g CO}_2} = 7277 \text{ g O}_2$$

وزن مولکولی یک جزء را می توان برای مربوط ساختن سرعت جریان جرمی پیوسته ای از این گونه با سرعت جریان مولی متناظر مورد استفاده قرار داد. مثلاً، اگر کربن دیوکسید ($\text{CO}_2: M = 4400$) در خط لوله ای با سرعت 100 kg/h جریان داشته باشد، سرعت جریان مولی CO_2 عبارت است:

$$\frac{100 \text{ kg CO}_2 \quad | \quad 1 \text{ kmol CO}_2}{4400 \text{ kg CO}_2} = 2277 \frac{\text{kmol CO}_2}{\text{h}} \quad (۳-۳-۳)$$

اگر جریان برون داد یک رآکتور شیمیایی دارای CO_2 باشد که با سرعت 850 lb-mole/min جریان دارد، سرعت جریان جرمی متناظر با آن عبارت است از

$$\frac{850 \text{ lb-mole CO}_2 \quad | \quad 4400 \text{ lb}_m \text{ CO}_2}{\text{lb-mole}} = 37400 \frac{\text{lb}_m \text{ CO}_2}{\text{min}} \quad (۲-۳-۳)$$

خود را بیازمایید

۱. 1 mol یک جزء با وزن مولکولی M بر حسب (الف) تعداد مولکول، (ب) جرم، چقدر است؟
۲. 1 ton-mole یک جزء چیست؟
۳. چند lb-mol و lb_m از H_2 (الف) H_2 ، (ب) H در $1 \text{ lb-mole H}_2\text{O}$ وجود دارد؟
۴. چند گرم-مول از C_3H_8 در 2 kmol از این جسم وجود دارد؟
۵. یکصد کیلوگرم هیدروژن مولکولی (H_2) در هر ساعت به رآکتوری تغذیه می شود. سرعت جریان مولی آن بر حسب g-mole/h چقدر است؟

۳-۳ (ب) - کسرهای مولی و جرمی و وزن مولکولی متوسط

جریانهای فرایندگاهی از یک جسم ولی غالباً از مخلوطی از مایعات، گازها یا محلولهایی از یک یا چند ماده حل شده در حلال مایع، تشکیل می شوند. جملات زیر را می توان برای تعریف ترکیب نسبی مخلوطی از اجسام، از جمله جزء A، به کار برد.

$$x_A = \frac{\text{جرم } A}{\text{جرم کل}} \left(\frac{\text{kg } A}{\text{kg کل}} \text{ یا } \frac{\text{g } A}{\text{g کل}} \text{ یا } \frac{\text{lb}_m A}{\text{lb}_m \text{ کل}} \right) \quad (۵-۳-۳)$$

$$y_A = \frac{\text{تعداد mol جزء } A}{\text{mole کل}} \left(\frac{\text{kmol } A}{\text{kmol}} \text{ یا } \frac{\text{mol } A}{\text{mol}} \text{ یا } \frac{\text{lb-mole } A}{\text{lb-mole}} \right) \quad (۶-۳-۳)$$

درصد جرمی A عبارت است از x_A ۱۰۰ و درصد مولی A عبارت است از y_A ۱۰۰.

مثال ۳-۳-۲ تبدیلهایی با استفاده از کسرهای جرمی و مولی

محلولی دارای ۱۵٪ جرمی از جزء A ($x_A = 0.15$) و ۲۰٪ مولی از جزء B ($y_B = 0.20$) است.

۱. جرم A را در ۱۷۵ kg محلول را حساب کنید.

$$\frac{175 \text{ kg محلول} \mid 0.15 \text{ kg } A}{\text{محلول kg}} = \boxed{26 \text{ kg } A}$$

۲. سرعت جریان جرمی A را در جریانی از محلول با سرعت $53 \text{ lb}_m/\text{h}$ حساب کنید.

$$\frac{53 \text{ lb}_m \mid 0.15 \text{ lb}_m A}{\text{h} \mid \text{lb}_m} = \boxed{8.0 \frac{\text{lb}_m A}{\text{h}}}$$

(اگر بعد از واحد جرمی یا مولی - مانند lb_m در $53 \text{ lb}_m/\text{h}$ - نام یک جزء ذکر نشود،

واحد، به معنی واحد کل مخلوط یا محلول باید استنباط شود و نه واحد یک جزء ویژه.)

۳. سرعت جریان مولی B را در جریانی از محلول به سرعت $1000 \text{ mol}/\text{min}$ حساب کنید.

$$\frac{1000 \text{ mol} \mid 0.20 \text{ mol } B}{\text{min} \mid \text{mol}} = \boxed{200 \frac{\text{mol } B}{\text{min}}}$$

۴. سرعت جریان کل محلول، متناظر با سرعت جریان مولی $28 \text{ kmol } B/\text{s}$ را حساب کنید.

$$\frac{25 \text{ kmol B}}{s} \Bigg| \frac{1 \text{ kmol محلول}}{0.20 \text{ kmol B}} = \boxed{\frac{140 \text{ kmol محلول}}{s}}$$

۵. جرم محلولی را که محتوی $300 \text{ lb}_m \text{ A}$ است، حساب کنید.

$$\triangle \quad \frac{300 \text{ lb}_m \text{ A}}{\quad} \Bigg| \frac{1 \text{ lb}_m \text{ محلول}}{0.15 \text{ lb}_m \text{ A}} = \boxed{2000 \text{ lb}_m \text{ محلول}}$$

توجه داشته باشید که مقدار عددی یک کسر مولی و یا کسر جرمی، به واحدهای جرم در صورت و مخارج کسر، تا زمانی که واحدها یکسان باشند، بستگی ندارد. اگر کسر جرمی بنزن در مخلوطی 0.25 باشد، در نتیجه $x_{\text{C}_6\text{H}_6}$ برابر خواهد بود با: کل $0.25 \text{ kg C}_6\text{H}_6 / \text{kg}$ ، کل $0.25 \text{ g C}_6\text{H}_6 / \text{g}$ ، کل $0.25 \text{ lb}_m \text{ C}_6\text{H}_6 / \text{lb}_m$ و غیره.

مجموعه‌ای از کسرهای جرمی را می‌توان (الف) با فرض جرمی از مخلوط به‌عنوان مبنای محاسبه (مثل 100 kg یا 100 lb_m)، (ب) با استفاده از کسرهای جرمی معلوم برای محاسبه جرم هر جزء در کمیت مبنا و تبدیل این جرمها به مول، (ج) با به‌دست آوردن نسبت مولهای هر جزء به عدد کل مولها، به مجموعه هم‌ارزی از کسرهای مولی تبدیل کرد. این روش کار برای تبدیل کسرهای مولی به کسرهای جرمی نیز مورد استفاده می‌گیرد، با این تفاوت که تعداد کل مولها (مثلاً 100 mol یا 100 lb-mole) به‌عنوان مبنای محاسبه انتخاب می‌شود.

۳-۳-۳ مثال تبدیل ترکیب نسبی جرمی به ترکیب نسبی مولی

ترکیب نسبی جرمی مخلوطی از گازها به‌صورت زیر است:

$$\text{O}_2 \text{ } 16\% \quad (x_{\text{O}_2} = 0.16 \text{ g O}_2 / \text{g})$$

$$\text{CO } 40\%$$

$$\text{CO}_2 \text{ } 17\%$$

$$\text{N}_2 \text{ } 6\%$$

ترکیب نسبی مولی مخلوط چیست؟

حل

مبنا: 100 g مخلوط. حساب کنید که چند مول از هر جسم وجود دارد.*

* ما تعداد بیشتری از ارقام با معنی مجاز را در محاسبات واسطه حفظ خواهیم کرد، ولی در جوابهای نهایی فقط دو رقم را نشان خواهیم داد.

$$n_{O_2} = \frac{100 \text{ g کل} \cdot 0.16 \text{ g } O_2}{\text{g کل}} \cdot \frac{1 \text{ mol } O_2}{32.0 \text{ g } O_2} = 0.500 \text{ mol}$$

$$n_{CO} = (100)(0.040) / 28.0 = 0.143 \text{ mol}$$

$$n_{CO_2} = (100)(0.17) / 44.0 = 0.386 \text{ mol}$$

$$n_{N_2} = (100)(0.63) / 28.0 = 2.250 \text{ mol}$$

$$n_i = n_{O_2} + n_{CO} + n_{CO_2} + n_{N_2} = 3.279 \text{ mol}$$

↓

$$y_{O_2} = \frac{n_{O_2}}{n_i} = \frac{0.500}{3.279} = 0.15 \frac{\text{mol } O_2}{\text{mol کل}}$$

$$y_{CO} = 0.143 / 3.279 = 0.044 \frac{\text{mol CO}}{\text{mol کل}}$$

$$y_{CO_2} = 0.386 / 3.279 = 0.12 \frac{\text{mol CO}_2}{\text{mol کل}}$$

$$y_{N_2} = 2.25 / 3.279 = 0.69 \frac{\text{mol N}_2}{\text{mol کل}}$$

متحان: $\sum y_i = 1.000$

وزن مولکولی متوسط (یا وزن مولکولی میانگین) یک مخلوط، M (kg/kmol)، اجزای (n_i) همان مخلوط است. اگر y_i کسر مولی i امین جزء مخلوط و M_i نیز وزن مولکولی آن باشد، داریم:

$$\bar{M} = y_1 M_1 + y_2 M_2 + \dots = \sum_{\text{همه اجزاء}} y_i M_i \quad (7-3-3)$$

تمرین: این فرمول را بر مبنای یک مول مخلوط و محاسبه m_i به روش مثال ۳-۳-۳، به دست آورید. اگر x_i کسر جرمی جزء i ام باشد، در آن صورت

$$\frac{1}{\bar{M}} = \frac{x_1}{M_1} + \frac{x_2}{M_2} + \dots = \sum_{\text{همه اجزاء}} \frac{x_i}{M_i} \quad (8-3-3)$$

(آن را اثبات کنید)

مثال ۳-۳-۴ محاسبه وزن مولکولی متوسط

وزن مولکولی متوسط هوا را (۱) از ترکیب نسبی مولی تقریبی آن، N_2 ۷۹٪، O_2 ۲۱٪

و (۲) از ترکیب نسبی جرمی تقریبی آن، $N_2\%76.7$ ، $O_2\%23.3$ حساب کنید.

حل

۱. با استفاده از معادله ۳-۳-۷ و با $y_{N_2} = 0.767$ ، $y_{O_2} = 0.233$

$$\begin{aligned} M &= y_{N_2} M_{N_2} + y_{O_2} M_{O_2} \\ &= \frac{0.767 \text{ kmol } N_2}{\text{kmol}} \left| \frac{28 \text{ kg } N_2}{\text{kmol}} \right. + \frac{0.233 \text{ kmol } O_2}{\text{kmol}} \left| \frac{32 \text{ kg } O_2}{\text{kmol}} \right. \\ &= \boxed{29 \frac{\text{kg}}{\text{kmol}}} \left(= 29 \frac{\text{lb}_m}{\text{lb-mole}} = 29 \frac{\text{g}}{\text{mol}} \right) \end{aligned}$$

۲. با استفاده از معادله ۳-۳-۸،

$$\frac{1}{M} = \frac{0.767 \text{ g } N_2/\text{g}}{28 \text{ g } N_2/\text{mol}} + \frac{0.233 \text{ g } O_2/\text{g}}{32 \text{ g } O_2/\text{mol}} = 0.035 \frac{\text{mol}}{\text{g}}$$

↓

$$\boxed{M = 29 \text{ g/mol}}$$

توجه: هوا دارای مقادیر کمی کربن دیوکسید، آرگون و سایر گازهاست که در این محاسبات از آنها چشم‌پوشی شد ولی حضور آنها تغییری در مقدار محاسبه شده M نمی‌دهد. ▲

خود را بیازمایید

۱. وزن مولکولی هیدروژن اتمی تقریباً برابر یک و وزن مولکولی برم اتمی تقریباً برابر ۸۰ است. (الف) کسر جرمی و (ب) کسر مولی برم در HBr چقدر است؟
۲. $100 \text{ lb}_m/\text{min}$ از A ($M=2$) و $300 \text{ lb}_m/\text{min}$ از B ($M=3$) در درون لوله‌ای جریان دارند. کسر جرمی و کسر مولی A و B چقدر است، سرعت جریان جرمی A، سرعت جریان مولی B، سرعت جریان جرمی کل و سرعت جریان مولی کل مخلوط چقدر اند؟

۳-۳ (ج) - غلظت

غلظت جرمی هر جزء از یک مخلوط و یا محلول، عبارت از جرم آن جزء در واحد حجم مخلوط یا محلول است (g/cm^3 ، lb_m/ft^3 ، kg/in^3 ، ...). غلظت مولی هر جزء، تعداد مولهای آن در واحد حجم مخلوط است (kmol/m^3 ، lb-mole/ft^3 ، ...). مولاریته

یک محلول عبارت است از مقدار غلظت مولی ماده حل شده که بر حسب گرم-مول از ماده حل شده بر لیتر محلول (مثلاً محلول ۲ مولار A دارای ۲ mol A در هر لیتر از محلول است) بیان می شود.

غلظت یک جسم در مخلوط یا محلول می تواند به عنوان ضریب تبدیلی برای مربوط ساختن جرم (یا مولهای) یک جزء در نمونه ای از مخلوط به حجم نمونه، یا سرعت جریان جرمی (یا مولی) یک جزء از یک جریان پیوسته به کل سرعت جریان حجمی همان جریان مورد استفاده قرار می گیرد. برای مثال، محلول ۰۲۰۵ مولار از NaOH (یعنی، محلول ۰۲۰۵ mol NaOH/L را) در نظر بگیرید: ۵ لیتر از این محلول دارای مقدار زیر از NaOH است

$$\frac{0.02 \text{ mol NaOH}}{\text{لیتر}} \times 5 \text{ لیتر} = 0.1 \text{ mol NaOH}$$

و اگر جریانی از این محلول با سرعت ۲ L/min جریان داشته باشد، سرعت جریان مولی NaOH برابر است با

$$\frac{0.02 \text{ mol NaOH}}{\text{لیتر}} \times 2 \frac{\text{لیتر}}{\text{min}} = 0.04 \frac{\text{mol NaOH}}{\text{min}}$$

خود را بیازمایید

محلولی که V لیتر حجم دارد، دارای n مول از ماده حل شده A به وزن مولکولی M (g A/mol) است. بر حسب M ، n و V :

۱. غلظت مولی A چیست؟
۲. غلظت جرمی A چیست؟
- بر حسب C_A (mol A/L) و C_A (g A/L)،
۳. چه حجمی از محلول دارای ۲۰ mol A است؟
۴. سرعت جریان جرمی A در جریانی با سرعت جریان حجمی ۱۲۰ L/h چقدر است؟

مثال ۳-۳-۵ تبدیل بین سرعت جریان جرمی، مولی، و حجمی یک محلول

محلول آبی سولفوریک اسید ۵۰۰ مولار با سرعت جریان ۱۲۵ m³/min به واحدی از فرایند جریان دارد. گرانش ویژه محلول، ۱۰۳۰ است. (۱) غلظت جرمی H₂SO₄ بر حسب kg/m³، (۲) سرعت جریان جرمی H₂SO₄ بر حسب kg/s، و (۳) کسر جرمی H₂SO₄ را حساب کنید.

حل

$$c \left(\frac{\text{kg H}_2\text{SO}_4}{\text{m}^3} \right) = \frac{0.05 \text{ mol H}_2\text{SO}_4}{\text{لیتر}} \left| \frac{98 \text{ g}}{\text{mol}} \right| \left| \frac{1 \text{ kg}}{10^3 \text{ g}} \right| \left| \frac{10^3 \text{ لیتر}}{1 \text{ m}^3} \right| \quad (1)$$

$$= \boxed{49 \frac{\text{kg H}_2\text{SO}_4}{\text{m}^3}}$$

$$q \left(\frac{\text{kg H}_2\text{SO}_4}{\text{s}} \right) = \frac{1.25 \text{ m}^3}{\text{min}} \left| \frac{49 \text{ kg H}_2\text{SO}_4}{\text{m}^3} \right| \left| \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}} \right| \quad (2)$$

$$= \boxed{1.04 \frac{\text{kg H}_2\text{SO}_4}{\text{s}}}$$

(۳) کسر جرمی H_2SO_4 برابر است با نسبت سرعت جریان جرمی H_2SO_4 - که مقدار آن را می‌دانیم - به کل سرعت جریان جرمی، که می‌توان آن را به کمک کل سرعت جریان حجمی و چگالی محلول، حساب کرد.

$$\rho_{\text{محلول}} = (1.03) \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) = 1030 \text{ kg/m}^3$$

↓

$$Q_{\text{محلول}} (\text{kg/s}) = \frac{1.25 \text{ m}^3 \text{ محلول}}{\text{min}} \left| \frac{1030 \text{ kg}}{\text{m}^3 \text{ محلول}} \right| \left| \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}} \right| = 21.25 \text{ kg/s}$$

↓

$$\Delta x_{\text{H}_2\text{SO}_4} = \frac{q_{\text{H}_2\text{SO}_4}}{Q_{\text{کل}}} = \frac{1.04 \text{ kg H}_2\text{SO}_4/\text{s}}{21.25 \text{ kg/s}} = \boxed{0.048 \frac{\text{kg H}_2\text{SO}_4}{\text{kg محلول}}}$$

تمرین خلاقیت

راههایی را که برای اندازه‌گیری غلظت یک ماده حل شده در یک محلول به‌فکران می‌رسد شماره‌گذاری کنید. (مثال: در صورتی که ماده حل شده نور دارای طول موج ویژه‌ای را جذب می‌کند، دسته پرتوی از این نور با این طول موج از محلول عبور دهید و جزء کسری جذب نور را اندازه بگیرید.)

بنیادهای موازنه‌های مواد

در طرح فرایندی جدید یا تحلیل فرایندی موجود، محدودیتهایی توسط طبیعت اعمال می‌شود که باید آنها را به حساب آورد. برای مثال، نمی‌توانید درونداد را آکتوری را ۱۰۰۰ گرم سرب و خروجی آن را ۲۰۰۰ گرم سرب یا طلا یا هر چیز دیگری تعیین کنید؛ به همین ترتیب، اگر می‌دانید که در سوخت زغال سنگ مصرفی روزانه دیگ بخار یک نیروگاه ۱۵۰۰ پوند گوگرد وجود دارد، برای فهمیدن اینکه روزانه ۱۵۰۰ پوند گوگرد به اشکال گوناگون کوره را ترك می‌کند، نیازی به تجزیه خاکستر و گازهای دودکش دیگ بخار ندارید.

مبنای هر دوی این مشاهدات قانون بقای جرم است که بیانگر این نکته است که جرم نه به وجود می‌آید و نه از بین می‌رود. (ما در این کتاب کاری به واکنشهای هسته‌ای نداریم که برای آنها این قانون صادق نیست.) عبارات مبتنی بر قانون بقای جرم نظیر «کل جرم برونداد = کل جرم درونداد» یا «برونداد (روز / گوگرد lb_m) = درونداد (روز / گوگرد lb_m)» مثالهایی از موازنه‌های جرم و یا موازنه‌های مواد هستند. تا زمانی که صادق بودن دروندادها و بروندادها کلی فرایند و واحدهای جداگانه آن در معادله‌های موازنه‌های به کار رفته برای هر ماده فرایند ثابت نشود، طراحی فرایند جدید یا تحلیل فرایند موجود کامل نیست.

بخش دوم این کتاب که با این فصل آغاز می‌شود، روشهای کار نوشتن موازنه‌های مواد در واحدهای فردی فرایند و فرایندهای چند واحدی را مطرح می‌کند. ما در این

فصل، روشهای سازماندهی اطلاعات معلوم در مورد متغیرهای فرایند، تنظیم معادله‌های موازنه مواد و حل این معادلات برای متغیرهای مجهول را ارائه می‌کنیم. در فصلهای ۶ و ۷ خواص فیزیکی گوناگون و قوانین حاکم بر رفتار مواد فرایند را معرفی کرده و چگونگی در نظر گرفتن این خواص و قوانین (همان گونه که باید باشند) در فرمولبندی موازنه‌های مواد را نشان می‌دهیم.

۴-۱ طبقه‌بندی فرایند

فرایندهای شیمیایی را می‌توان به صورت ناپیوسته، نیم‌پیوسته و پیوسته و پایا یا گذرا طبقه‌بندی کرد. پیش از نوشتن موازنه مواد پیرامون سیستم يك فرایند، باید بدانید که فرایند در کدامیک از این مقوله‌ها می‌گنجد.

۱. فرایند پیمانه‌ای (ناپیوسته). مواد ورودی، در ابتدای فرایند به سیستم وارد شده و محصولات، همگی پس از مدتی همزمان، تخلیه می‌شوند. در فاصله زمانی بین ورود مواد و خروج محصولات هیچ گونه جرمی از مرزهای سیستم وارد یا خارج نمی‌شود.

مثال: واکنش دهنده‌ها را به سرعت به يك مخزن اضافه کنید و مدتی بعد، هنگامی که سیستم به تعادل رسیده است، محصولات و مواد واکنش دهنده مصرف نشده را تخلیه کنید. ۲. فرایند پیوسته. دروندادها و بروندادها به طور پیوسته در طول انجام فرایند جریان دارند. مثال: مخلوطی از مایعات را با جریان ثابتی به درون يك برج تقطیر تلمبه کنید و به طور مداوم جریان بخار و مایع را از بالا و پایین برج خارج کنید.

۳. فرایند نیم‌پیمانه‌ای. (فرایند نیم‌پیوسته نیز نامیده می‌شود). هر فرایندی که پیمانه‌ای یا پیوسته نباشد.

مثالها: اجازه دهید محتویات يك ظرف گاز تحت فشار در فضا تخلیه شود؛ چند مایع را در مخزنی که چیزی از آن تخلیه نمی‌شود، مخلوط کنید.

اگر مقادیر متغیرهای فرایند (یعنی تمام دماها، فشارها، حجمها و سرعت جریانها و نظایر آن)، به جز افت و خیز کوچکی پیرامون مقادیر يك میانگین ثابت، با زمان تغییر نکنند، گفته می‌شود که فرایند در حالت پایا کار می‌کند. فرایندهای ناپیوسته و نیم‌پیوسته ماهیتاً عملیات ناپایا هستند (چرا؟)، در حالی که فرایندهای پیوسته می‌توانند به طور پایا یا گذرا عمل کنند.

فرایندهای ناپیوسته در تولید کمیتهای کوچکی از محصول مورد استفاده قرار می‌گیرند در حالی که فرایندهای پیوسته برای تولید کلان مناسبترند. فرایندهای پیوسته، تا حد امکان، نزدیک به حالت پایا مورد بهره‌برداری قرار می‌گیرند؛ شرایط ناپایا (گذرا) در هنگام راه‌اندازی و تغییرات بعدی - عمدی و غیر عمدی - در شرایط عمل فرایند وجود دارد.

خود را بیازمایید

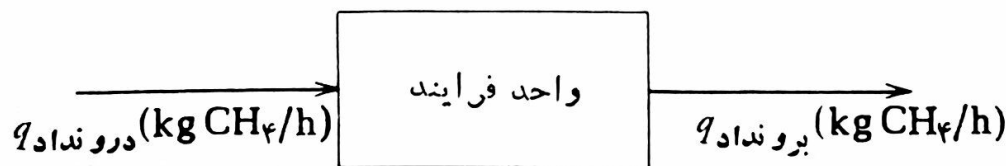
فرایندهای زیر را به صورت ناپیوسته (پیمانهای)، پیوسته یا نیم پیوسته و حالت گذرا یا پایا طبقه بندی کنید.

۱. بالونی با سرعت جریان پایای دو گرم بر دقیقه پر می شود.
۲. يك بطری پر از شیر از یخچال خارج شده و بر روی میز آشپزخانه قرار می گیرد.
۳. آب در يك بالن در باز می جوشد.
۴. کربن مونوکسید و بخار آب با سرعت جریانهای پایا به داخل يك رآکتور لولهای شکل وارد می شوند تا کربن دیوکسید و هیدروژن تولید شود. محصولها و مواد ترکیب نشده از طرف دیگر رآکتور خارج می شوند. در آغاز راه اندازی، رآکتور پر از هواست و دمای رآکتور ثابت است و ترکیب نسبی و سرعت جریان واکنش دهنده های ورودی، مستقل از زمان است. فرایند را (الف) در آغاز، (ب) پس از زمانی طولانی از شروع فرایند، طبقه بندی کنید.

۲-۴ موازنه ها

۲-۴ (الف) - معادله عام موازنه

فرض کنید که متان جزء سازنده جریانهای درونداد و برونداد يك واحد فرایند پیوسته باشد و نیز فرض کنید که در کوشش برای تعیین اینکه آیا کارآیی واحد همان کارآیی طراحی شده است یا نه، سرعت جریانهای جرمی متان در هر دو جریان اندازه گیری شده و معلوم می شود که متفاوت اند.



تنها چهار توضیح ممکن برای تفاوت مشاهده شده بین سرعت جریانهای اندازه گیری شده وجود دارد.

۱. متان از واحد نشت می کند.
۲. متان در واحد یا به عنوان يك واکنش دهنده مصرف می شود و یا به عنوان محصول، تولید می شود.
۳. متان در واحد انباشته می شود - احتمالاً توسط دیواره ها جذب می شود.
۴. اندازه گیریها غلط هستند.

اگر اندازه گیریها صحیح بوده و نشتی هم در واحد وجود نداشته باشد، احتمالات دیگر - تولید و یا مصرف متان در واکنش و انباشت در واحد فرایند - تماماً، ممکن است به تفاوت بین سرعت جریانهای درونداد و برونداد مربوط باشند.

موازنه (یا موجودی گیری) پیرامون ماده ای در يك سیستم (واحد منفردی از فرایند،

مجموعه واحدها یا کل فرایند) را می‌توان به صورت عام زیر نوشت:

$$\begin{array}{r} \text{انباشت} = \text{مصرف} - \text{برونداد} - \text{تولید} + \text{درونداد} \\ \text{(در داخل سیستم انبار می‌شود)} \\ \text{(در داخل سیستم مصرف می‌شود)} \\ \text{(از مرزهای سیستم خارج می‌شود)} \\ \text{(در داخل سیستم تولید می‌شود)} \\ \text{(از مرزهای سیستم وارد می‌شود)} \end{array} \quad (۱-۲-۴)$$

این معادله عام موازنه را می‌توان برای هر ماده‌ای که به هر واحد فرایند وارد یا از آن خارج می‌شود، نوشت: این معادله را می‌توان در مورد جرم کل مواد درون سیستم، یا گونه‌های مولکولی یا اتمی حاضر در فرایند به کار برد. معنی هر جمله‌ای از این معادله در مثال زیر توضیح داده می‌شود.

مثال ۱-۲-۴ معادله موازنه عام

سالانه ۵۰۰۰۰ نفر وارد شهری می‌شوند، ۷۵۰۰۰ نفر از آن خارج می‌شوند، ۲۲۰۰۰ نفر در آن متولد می‌شوند و ۱۹۰۰۰ نفر می‌میرند. موازنه‌ای پیرامون جمعیت این شهر بنویسید.

حل

فرض کنید P نشان دهنده یک نفر باشد

انباشت = مصرف - برونداد - تولید + درونداد

$$50000 \frac{P}{yr} + 22000 \frac{P}{yr} - 75000 \frac{P}{yr} - 19000 \frac{P}{yr} = A \left(\frac{P}{yr} \right)$$

↓

$$A = -22000 \frac{P}{yr}$$

▲ (سالانه ۲۲۰۰۰ نفر از جمعیت شهر کاسته می‌شود.)

موازنه‌ها را می‌توان به دو نوع نوشت:

۱. موازنه‌های دیفرانسیلی یا موازنه‌هایی که نشان می‌دهند در یک لحظه از زمان چه اتفاقی در سیستم رخ می‌دهد. بنا بر این هر عبارتی از معادله موازنه به صورت سرعت است (سرعت درونداد، سرعت تولید، و غیره) و واحد آن عبارت است از واحد کمیت موازنه شده تقسیم بر واحد زمان (سال/نفر، $g \text{ SO}_2/s$ ، روز/بشکه). این نوع از موازنه معمولاً در مورد فرایندهای پیوسته به کار برده می‌شود. (مثال ۱-۲-۴ را ببینید.)

۲. موازنه‌های انتگرالی یا موازنه‌هایی که اتفاقات بین دو لحظه از زمان را توضیح می‌دهند. پس هر عبارتی از معادله موازنه عبارت است از مقدار کمیت موازنه شده و واحد آن متناظر با واحد کمیت موازنه شده (نفر، $g SO_2$ ، بشکه) است. این نوع موازنه معمولاً برای فرایندهای ناپیوسته مورد استفاده قرار می‌گیرند و دو لحظه زمانی آن عبارتند از لحظه‌ای بعد از ورود مواد به سیستم و لحظه‌ای قبل از خروج محصولات از سیستم.

ما در این کتاب، در درجه اول با موازنه‌های دیفرانسیلی به کار برده شده در مورد سیستمهای پیوسته حالت پایا و موازنه‌های انتگرالی به کار برده شده در مورد سیستمهای ناپیوسته بین حالت‌های اولیه و نهایی آنها سروکار داریم. در فصل یازده موازنه‌های عام پیرامون سیستمهایی با حالت ناپایا را در نظر می‌گیریم و نشان می‌دهیم که چگونه موازنه‌های دیفرانسیلی و انتگرالی با یکدیگر مربوط اند - در حقیقت، چگونه یکی را می‌توان از دیگری به دست آورد.

اگر کمیت موازنه شده، نه واکنش دهنده و نه محصولی از واکنش باشد، جمله‌های تولید و مصرف در معادله موازنه صفر خواهند بود. اگر کمیت موازنه شده، جرم کل سیستم باشد، این جملات همیشه برابر صفر خواهند بود (بدجز در واکنشهای هسته‌ای)، زیرا جرم نه می‌تواند به وجود آید و نه می‌تواند از بین برود.

۲-۴ (ب) - موازنه‌های پیرامون فرایندهای پیوسته حالت پایا

فرض کنید که هیدروژن در جریانهای درون‌داد و برون‌داد یک فرایند پیوسته حالت پایا، وجود داشته باشد. جمله انباشت در موازنه پیرامون هیدروژن باید صفر باشد؛ اگر چنین نباشد، مقدار هیدروژن در سیستم با زمان تغییر کرده است و فرایند، طبق تعریف، در حالت پایا قرار ندارد. چنین استدلالی را می‌توان در مورد تمام اجسام موجود در فرایند به کار برد و به این ترتیب برای فرایندهای پیوسته حالت پایا، معادله عام موازنه، یعنی معادله ۲-۴-۱، به صورت زیر ساده می‌شود

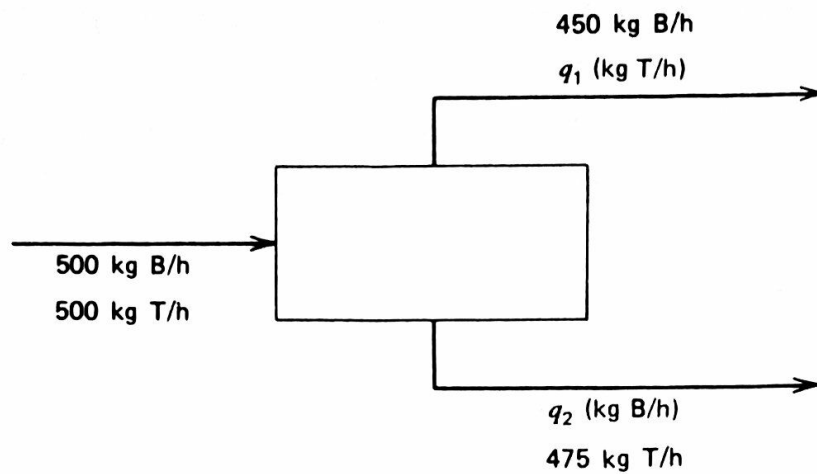
$$\text{مصرف} + \text{برون‌داد} = \text{تولید} + \text{درون‌داد} \quad (2-2-4)$$

مثال ۲-۲-۴ موازنه‌های مواد پیرامون فرایند تقطیر پیوسته

یک هزار کیلوگرم بر ساعت از مخلوطی شامل تولوئن و بنزن که دارای ۵۰٪ وزنی بنزن است، در یک فرایند تقطیر به دو جزء تقطیر می‌شود. سرعت جریان جرمی بنزن در جریان خروجی از بالای برج 450 kg B/h و سرعت جریان جرمی تولوئن در جریان خروجی از پایین برج 475 kg T/h است. عملیات در حالت پایا انجام می‌گیرد. موازنه‌های بنزن و تولوئن را برای محاسبه سرعت جریانهای مجهول اجزاء در جریانهای برون‌داد، بنویسید.

حل

فرایند را به صورت نمودار اجمالی زیر می‌توان نشان داد.



از آنجا که سیستم در حالت پایا قرار دارد چیزی در سیستم ذخیره نمی‌شود و بنابراین جمله انباشت در تمام موازنه‌های مواد برابر صفر است. علاوه بر آن، از آنجا که هیچ واکنش شیمیایی صورت نمی‌گیرد، جمله‌های تولید و مصرف نیز برابر صفر خواهند بود. بنابراین، معادله ۲-۲-۴ برای تمام موازنه‌ها به شکل ساده برونداد = درونداد درمی‌آید.

موازنه بنزن

$$500 \text{ kg B/h} = 450 \text{ kg B/h} + q_2$$

↓

$$q_2 = 50 \text{ kg B/h}$$

موازنه تولوئن

$$500 \text{ kg T/h} = 475 \text{ kg T/h} + q_1$$

↓

$$q_1 = 25 \text{ kg T/h}$$

محاسبه را امتحان کنید:

موازنه کل جرم

$$1000 \text{ kg/h} = 450 + q_1 + q_2 + 475 \text{ (kg/h بر حسب همگی)}$$

$$\downarrow q_1 = 25, q_2 = 50$$

▲ $1000 \text{ kg/h} = 1000 \text{ kg/h}$

۴-۲ (ج) - موازنه‌های انتگرالی پیرامون فرایندهای ناپیوسته

آمونیاک در یک راکتور ناپیوسته از ترکیب هیدروژن و نیتروژن تولید می‌شود. در زمان $t = 0$ مقدار $m_0 \text{ mol NH}_3$ در راکتور موجود است و در زمان دیگر t_r ، که واکنش پایان یافته و محصولها خارج می‌شوند $m_r \text{ mol}$ آمونیاک در راکتور وجود دارد. در فاصله زمانی بین t_0 و t_r ، آمونیاک از مرزهای راکتور وارد و یا از آن خارج نمی‌شود، پس معادله عام موازنه (معادله ۴-۲-۱) به صورت انباشت = تولید درمی‌آید. علاوه بر آن، مقدار آمونیاکی که در فاصله زمانی بین t_0 و t_r در راکتور ذخیره می‌شود (انباشت می‌شود) برابر مقدار نهایی آن منهای مقدار اولیه آن است و به صورت $m_r - m_0$ بیان می‌شود.

چنین استدلالی را می‌توان برای هر جسم شرکت کننده در یک فرایند ناپیوسته به کار برد و معادله زیر را به دست آورد

$$\text{درونداد اولیه} - \text{برونداد نهایی} = \text{انباشت} = \text{مصرف} - \text{تولید}$$

یا

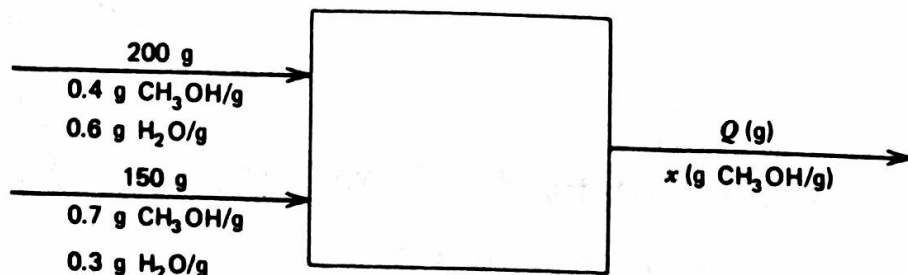
$$\boxed{\text{مصرف} + \text{برونداد نهایی} = \text{تولید} + \text{درونداد اولیه}} \quad (4-2-3)$$

این معادله شبیه به معادله ۴-۲-۲ است که برای فرایندهای پیوسته حالت پایا مورد استفاده قرار می‌گیرد. با این تفاوت که در این حالت، عبارات درونداد و برونداد نشان دهنده مقادیر اولیه و نهایی جسم موازنه شده است، نه سرعت جریانهای جسم موازنه شده در جریانهای پیوسته تغذیه و محصول.

مثال ۴-۲-۳ موازنه‌های پیرامون یک فرایند اختلاط ناپیوسته

دو مخلوط متانول-آب در دو بالون جداگانه قرار دارند. مخلوط اول دارای ۴۰٪ وزنی، و مخلوط دوم دارای ۷۰٪ وزنی متانول است. اگر ۲۰۰ g مخلوط اول با ۱۵۰ g مخلوط دوم ترکیب شوند، جرم و ترکیب محصول نهایی چه خواهد بود؟

حل



(مشاهده کنید که جریانهای درونداد و برونداد نمودار، نشان دهنده حالت‌های اولیه و نهایی این فرایند ناپیوسته هستند.)

بنیادهای موازنه‌های مواد ۱۱۳

از آنجا که هیچ واکنشی در سیستم صورت نمی‌گیرد، جمله‌های تولید و مصرف در معادله ۳-۲-۴ را می‌توان حذف کرد، به این ترتیب، همه موازنه‌ها به شکل ساده «درونداد = برونداد» درمی‌آیند.

موازنه جرم کل

$$200 \text{ g} + 150 \text{ g} = Q(\text{g})$$

↓

$$Q = 350 \text{ g}$$

موازنه متانول

$$\frac{200 \text{ g}}{\quad} \quad | \quad 0.200 \text{ g CH}_3\text{OH}$$

$$+ \frac{150 \text{ g}}{\quad} \quad | \quad 0.300 \text{ g CH}_3\text{OH} = \frac{Q(\text{g})}{\quad} \quad | \quad x \text{ (g CH}_3\text{OH)}$$

$$\downarrow Q = 350$$

$$x = 0.529 \text{ g CH}_3\text{OH/g}$$

حال، همه چیز را درباره محصول، از جمله کسر جرمی آب (چقدر است؟) می‌دانیم. موازنه آب فقط برای کنترل محاسبه به کار می‌رود.

موازنه آب

برونداد = درونداد

$$(200)(0.600) + (150)(0.300) = (350)(1 - 0.529) \quad (\text{تحقیق کنید!})$$

↓

$$165 \text{ g H}_2\text{O} = 165 \text{ g H}_2\text{O}$$

▲

۳-۴ محاسبات موازنه مواد

تمام مسائل موازنه مواد صورتهای مختلفی از يك موضوع هستند: مقادیر برخی از متغیرهای جریانهای درونداد و برونداد داده شده است، مقادیر دیگر را حساب کنید. حل چنین مسائلی نیازمند به دست آوردن و حل معادله‌هایی برای متغیرهای جریان مجهول است؛ حل معادله‌های به دست آمده معمولاً يك عملیات ساده جبری است ولی به دست آوردن این معادله‌ها از توضیحات فرایند و مجموعه‌ای از داده‌های فرایند، مشکلات قابل توجهی را در بردارد. برای مثال، ممکن است که صورت مسئله روشن نسازد که چه چیزی معلوم است و چه چیزی نیاز به محاسبه دارد و این برای دانشجویان غیرعادی نیست (مخصوصاً در امتحانات کوچک) که برای حل مسئله‌ای که احتیاج به ۵ دقیقه وقت دارد، يك ساعت به مسئله خیره شده و سر خود را بخاراندند.

در این بخش، يك روش کار برای تبدیل توضیحات فرایند به مجموعه‌ای از معادله‌ها مطرح می‌شود که می‌توان آنها را برای متغیرهای مجهول فرایند حل کرد. شیوه برخوردی که مطرح می‌شود تنها روش قانع‌کننده برای هجوم به مسئله‌های موازنه مواد نیست، بلکه روش همیشه کارآمد و مؤثر برای کم کردن زمان خیره شدن و سرخاراندن است.

۳-۴-الف) نمودارهای جریان

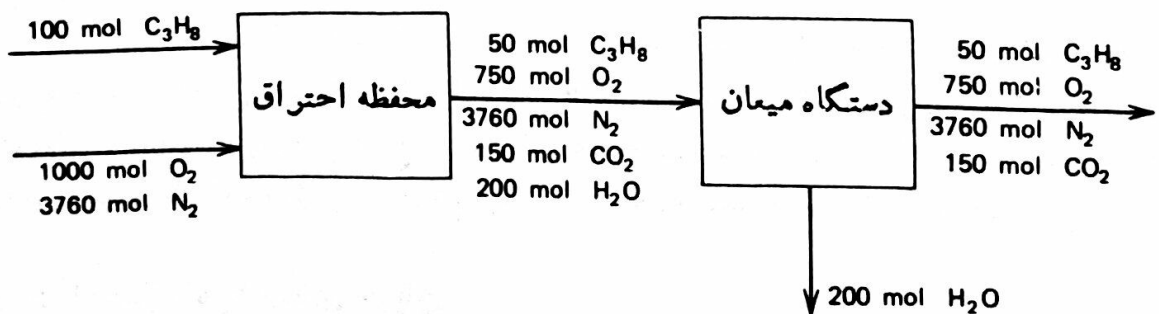
در این کتاب و درس‌های آینده با متنهایی همانند متن زیر روبرو خواهید شد.

« هیدروژن دار شدن کاتالیزوری پروپان در (آکتور پیوسته‌ای با بستر پر شده انجام می‌گیرد. یک هزار پوند در ساعت پروپان خالص به پیش گرمکنی وارد می‌شود و در آنجا قبل از ورود به (آکتور تادمای 670°C گرم می‌شود. جریان گاز خروجی از (آکتور که شامل گازهای پروپان، پروپیلن، متان و هیدروژن است از 800°C به 110°C سرد شده و سپس به برج جذب تغذیه می‌شوند، در آنجا، پروپان و پروپیلن در روغن حل می‌شوند. روغن حاصل سپس به یک برج جذب از مایع وارد شده و با گرم شدن در این برج، گازهای حل شده از آن خارج می‌شوند؛ این گازها متراکم شده و به ستون تقطیری با فشار زیاد فرستاده می‌شوند، و در این ستون پروپان و پروپیلن جدا می‌شوند. جریان پروپان به نقطه تغذیه پیش گرمکن (آکتور برگشت داده می‌شود. جریان محصول خروجی از برج تقطیر دارای 98% پروپیلن و جریان برگشتی دارای 97% پروپان است. روغن جدا شده از گازها نیز به برج جذب برگشت داده می‌شوند.»

هنگامی که شرح فرایندی نظیر فرایند بالا به شما داده شود و از شما بخواهند که چیزی را درباره آن تعیین کنید، ضروری است که اطلاعات داده شده را به روشی که برای محاسبات بعدی مناسب باشد سازماندهی کنید. بهترین روش برای این کار، رسم نمودار جریان فرایند با استفاده از بلوکها یا نمادهای دیگر، به عنوان واحدهای فرایند (رآکتورها، مخلوط کننده‌ها، واحدهای جداسازی و نظایر آنها)، و خطوط جهت دار، برای نشان دادن جریانهای ورودی و خروجی است.

برای مثال، فرض کنید گازی شامل O_2 و N_2 در محفظه احتراق ناپیوسته‌ای با پروپان ترکیب شود به طوری که مقداری از O_2 و C_3H_8 (نه تمام آنها) به H_2O و CO_2 تبدیل شوند و سپس محصول خنک شود و آب آن مایع گردد. نمودار جریان این فرایند دو واحدی را می‌توان همانند شکل ۱-۳-۴ نشان داد.

نمودار جریان کار یک فرایند، هنگامی که به طرز مناسبی مورد استفاده قرار گیرد، کمک شایانی به شروع و ادامه محاسبات موازنه مواد می‌کند. برای انجام این کار، بعد از رسم نمودار، باید مقادیر متغیرهای معلوم و نمادهای متغیرهای مجهول فرایند برای هر یک از جریانهای ورودی و خروجی روی نمودار پرچسب گذاری شود. پس از آن، نمودار به مثابه تابلوی آگهی برای حل مسائل عمل می‌کند: با تعیین شدن هر متغیر مجهول، مقدار آن در جای خود قرار می‌گیرد و به این ترتیب، نمودار همانند یک تابلو عمل می‌کند و نشان



شکل ۱-۳-۴ نمودار جریان فرایند احتراق-مایع شدن.

می‌دهد که حل مسئله در کدام مرحله است و چه کارهای دیگری باید انجام شود. پیشنهاد‌های متعددی برای برچسب‌گذاری نمودار جریان فرایند به منظور بهره‌گیری هر چه بیشتر از آن در حل محاسبات موازنه مواد ارائه شده است.

۱. مقادیر و واحدهای متغیرهای جریانهای معلوم را در محل جریانها بر روی نمودار یادداشت کنید. برای مثال، جریانی را که شامل ۲۱٪ مولی O_2 و ۷۹٪ مولی N_2 با دمای $320^\circ C$ و فشار 1.4 atm با سرعت جریان 400 mol/h است به صورت زیر می‌توان برچسب‌گذاری کرد

$$\begin{array}{c}
 400 \text{ mol/h} \\
 \longrightarrow \\
 0.21 \text{ mol } O_2 / \text{mol} \\
 0.79 \text{ mol } N_2 / \text{mol} \\
 T = 320^\circ C, P = 1.4 \text{ atm}
 \end{array}$$

با انجام دادن چنین کاری در مورد تمام جریانهای روی نمودار، خلاصه‌ای از تمام اطلاعات معلوم فرایند را در اختیار دارید که هر کدام از این اطلاعات در بخشی از فرایند قرار گرفته است که به آن مربوط است.

مهمترین متغیرهای جریان از نظر موازنه مواد آنهایی هستند که نشان می‌دهند که چه مقدار از هر جزء در جریان وجود دارد (برای فرایندهای ناپیوسته) و یا سرعت جریان هر جزء (برای فرایندهای پیوسته) چقدر است. این اطلاعات به دو طریق داده می‌شوند: به صورت کل مقدار سرعت جریان و کسرهای هر جزء یا مستقیماً به صورت مقدار سرعت جریان هر جزء.

$$\begin{array}{c}
 \longrightarrow \longleftrightarrow \longrightarrow \\
 60 \text{ kmol } N_2 / \text{min} \qquad 100 \text{ kmol/min} \\
 40 \text{ kmol } O_2 / \text{min} \qquad 0.6 \text{ kmol } N_2 / \text{kmol} \\
 \qquad \qquad \qquad 0.4 \text{ kmol } O_2 / \text{kmol} \\
 \qquad \qquad \qquad 10 \text{ lb}_m \text{ مخلوط} \\
 \longrightarrow \longleftrightarrow \longrightarrow \\
 30 \text{ lb}_m \text{ CH}_4 \qquad 0.3 \text{ lb}_m \text{ CH}_4 / \text{lb}_m \\
 40 \text{ lb}_m \text{ C}_2\text{H}_6 \qquad 0.3 \text{ lb}_m \text{ C}_2\text{H}_6 / \text{lb}_m \\
 30 \text{ lb}_m \text{ C}_2\text{H}_6 \qquad 0.3 \text{ lb}_m \text{ C}_2\text{H}_6 / \text{lb}_m
 \end{array}$$

به محض اینکه جریان را به یکی از دو طریق فوق برچسب‌گذاری کردید، محاسبه کمیت‌های متناظر با روش دیگر آسان خواهد بود. (صحت این نکته را برای دو مثال داده شده در بالا تحقیق کنید.)

۰۲. برای متغیرهای مجهول جریان، نمادهای جبری اختصاص دهید (نظیر Q (محلول kg/min))،
 $n \text{ kmol C}_2\text{H}_8$ ، $x \text{ lb}_m \text{ N}_2/\text{lb}_m$ و نظایر آن) و این نامها و واحدهای مربوط به آنها
 را روی نمودار بنویسید. برای مثال اگر در مثال مرحله ۱، سرعت جریان را نمی دانستید،
 جریان را به صورت زیر می توانستید برچسب گذاری کنید

$$Q(\text{mol}/\text{h})$$

$$\longrightarrow$$

$$0.21 \text{ mol O}_2/\text{mol}$$

$$0.79 \text{ mol N}_2/\text{mol}$$

$$T = 320^\circ\text{C}, P = 1.4 \text{ atm}$$

در حالی که اگر سرعت جریان معلوم بوده ولی کسرهای مولی مجهول بودند، جریان
 به صورت زیر برچسب گذاری می شد

$$400 \text{ mol}/\text{h}$$

$$\longrightarrow$$

$$x (\text{mol O}_2/\text{mol})$$

$$1 - x (\text{mol N}_2/\text{mol})$$

$$T = 320^\circ\text{C}, P = 1.4 \text{ atm}$$

سرانجام باید برای هر مجهول موجود در نمودار، معادله ای به دست آورد و آن را
 حل کرد، بنابراین، بهتر است که تعداد مجهولهای برچسب گذاری شده را در حداقل
 نگهدارید. برای مثال، هنگام برچسب گذاری کسر جرمی یا مولی جزئی از جریان؛ تعداد
 اسمها را یکی کمتر از تعداد کسرها انتخاب می کنیم، زیرا آخرین کسر برابر خواهد بود با
 یک منهای مجموع کسرها دیگر، اگر معلوم باشد که جرم جریان ۲ دو برابر جرم جریان ۱
 است، به جای Q_1 و Q_2 ، آن را به صورت Q و $2Q$ برچسب گذاری کنید؛ اگر بدانید که
 جرم نیتروژن در جریانی سه برابر جرم اکسیژن است، به جای به کارگیری x و y برای
 کسر جرمی O_2 و N_2 ، آن را به صورت $x (\text{g O}_2/\text{g})$ و $3x (\text{g N}_2/\text{g})$ برچسب گذاری
 کنید.

اگر سرعت جریان حجمی داده شده باشد، عموماً بهتر است که آن را مستقیماً بر حسب
 سرعت جریان جرمی یا مولی برچسب گذاری کنید، زیرا، موازنه ها معمولاً بر اساس
 کمیت های حجمی نوشته نمی شوند.

▼ مثال ۳-۴-۱ نمودار جریان کار یک فرایند رطوبت افزایی و اکسیژن دار کردن هوا

انجام آزمایشی در باره سرعت ارگانایسمهای معینی به محیطی با هوای مرطوب و غنی از

اکسیژن نیاز دارد. سه جریان به محفظه تبخیر تغذیه می‌شود تا جریانی با ترکیب نسبی مطلوب را ایجاد کنند.

الف - آب مایع با سرعت جریان $20 \text{ cm}^3/\text{min}$ تغذیه می‌شود.

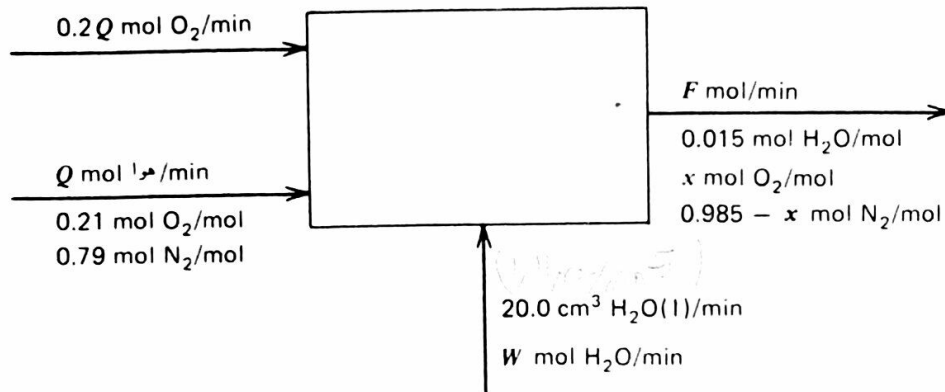
ب - هوا (۲۱٪ مولی O_2 ، بقیه N_2).

ج - اکسیژن خالص که سرعت جریان مولی آن برابر با یک پنجم سرعت جریان (ب) است.

۹۸٫۵٪ دی‌اکسید نیترو، O_2 است.

بعد از تجزیه گاز خروجی مشاهده می‌شود که این جریان دارای ۱٫۵٪ مولی آب است. نمودار جریان فرایند را رسم کرده و برچسب گذاری کنید و تمام متغیرهای مجهول جریان را حساب کنید.

حل



تذکراتی درباره این برچسب گذاری

۱. از آنجا که سرعت یکی از جریانهای معلوم ($20 \text{ cm}^3 \text{H}_2\text{O}/\text{min}$) بر مبنای یک دقیقه داده شده است، راحت تر آن است که تمام سرعت جریانها بر همین مبنا برچسب گذاری شود.

۲. به محض انتخاب نام Q برای سرعت جریان هوا، با استفاده از اطلاعات داده شده درباره نسبت سرعت جریانهای هوا و اکسیژن، سرعت جریان O_2 را به صورت $0.2Q$ می‌توان برچسب گذاری کرد.

۳. مجموع کسرهای مولی اجزای یک جریان باید برابر یک باشد. از آنجا که کسر مولی H_2O در جریان خروجی برابر 0.015 داده شده است، با برچسب گذاری کسر مولی O_2 به صورت x ، کسر مولی N_2 باید به صورت $(0.985 + x) \text{ mol N}_2/\text{mol}$ باشد.

کمیت W را می‌توان با استفاده از سرعت جریان حجمی و چگالی آب مایع حساب کرد.

$$W = \frac{200 \text{ cm}^3 \text{ H}_2\text{O}}{\text{min}} \left| \frac{1000 \text{ g H}_2\text{O}}{\text{cm}^3} \right| \frac{1 \text{ mol}}{1802 \text{ g}} \Rightarrow \boxed{W = 111 \frac{\text{mol H}_2\text{O}}{\text{min}}}$$

سه مجهول باقیمانده (Q ، F و x) را می‌توان به کمک موازنه‌ها تعیین کرد که برای این فرایند واکنش‌ناپذیر با حالت پایا به صورت برونداد = درونداد درمی‌آید. موازنه‌ها را به آسانی با مراجعه به نمودار جریان می‌توان نوشت.

موازنه H_2O

$$W \left(\frac{\text{mol H}_2\text{O}}{\text{min}} \right) = F \frac{\text{mol}}{\text{min}} \left| \frac{0.015 \text{ mol H}_2\text{O}}{\text{mol}} \right|$$

$\Downarrow W = 111$

$$\boxed{F = 741 \frac{\text{mol}}{\text{min}}}$$

موازنه مول کل

$$(0.02Q + Q + W) \frac{\text{mol}}{\text{min}} = F \frac{\text{mol}}{\text{min}}$$

$$W = 111$$

$$\Downarrow F = 741$$

$$\boxed{Q = 608 \frac{\text{mol}}{\text{min}}}$$

موازنه N_2

$$\frac{Q \text{ mol}}{\text{min}} \left| \frac{0.079 \text{ mol N}_2}{\text{mol}} \right| = \frac{F \text{ mol}}{\text{min}} \left| \frac{(0.0985 - x) \text{ mol N}_2}{\text{mol}} \right|$$

\Downarrow

$$0.079Q = F(0.0985 - x)$$

$$Q = 6080$$

$$\Downarrow F = 741$$

$$\boxed{x = 0.0337 \text{ mol O}_2/\text{mol}}$$